

VARIABLE COMPLEJA

Lista 4

(entregar: 26 de agosto)

1. Demostrar el teorema de Tannery: Supóngase que $f_k(n) \in \mathbb{C}$ y $p(n) \in \mathbb{Z}$ satisfacen

- $(\forall k) f_k(n) \rightarrow L_k$ cuando $n \rightarrow \infty$;
- $(\forall n) (\forall k) |f_k(n)| \leq M_k$;
- $\sum_0^\infty M_k < \infty$;
- $p(n) \rightarrow \infty$ cuando $n \rightarrow \infty$.

Entonces $\sum_0^{p(n)} f_k(n) \rightarrow \sum_0^\infty L_k$ cuando $n \rightarrow \infty$.

2. Demostrar: $(\forall z \in \mathbb{C}) \left(1 + \frac{z}{n}\right)^n \rightarrow \sum_{k=0}^\infty \frac{z^k}{k!}$ cuando $n \rightarrow \infty$.